

北京博飞华侨港澳台联考培训班——数学专项训练——数列 9

数列综合小题练习

1. 数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_{n+1} + (-1)^n a_n = 2n - 1$, 则 $\{a_n\}$ 的前 60 项和为 D
(A) 3690 (B) 3660 (C) 1845 (D) 1830
2. 设函数 $f(x) = (x-3)^3 + x - 1$, 数列 $\{a_n\}$ 是公差为 0 的等差数列,
 $f(a_1) + f(a_2) + \dots + f(a_7) = 14$, 则 $a_1 + a_2 + \dots + a_7 =$ D
A、0 B、7 C、14 D、21
3. 数列 $\{a_n\}$ 的通项公式 $a_n = \cos \frac{n\pi}{2}$, 其前 n 项和为 S_n , 则 S_{2012} 等于 A
A. 1006 B. 2012 C. 503 D. 0
4. 已知 $\{a_n\}$ 为等差数列, S_n 为其前 n 项和, 若 $a_1 = \frac{1}{2}$, $S_2 = a_3$, 则 $a_2 =$ _____, $S_n =$ _____。
 $a_2 = 1, S_n = \frac{1}{4}n^2 + \frac{1}{4}n$
5. 设 S_n 是公差为 $d(d \neq 0)$ 的无穷等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和, 则下列命题错误的是 C
A. 若 $d < 0$, 则数列 $\{S_n\}$ 有最大项
B. 若数列 $\{S_n\}$ 有最大项, 则 $d < 0$
C. 若数列 $\{S_n\}$ 是递增数列, 则对任意的 $n \in \mathbb{N}^*$, 均有 $S_n > 0$
D. 若对任意的 $n \in \mathbb{N}^*$, 均有 $S_n > 0$, 则数列 $\{S_n\}$ 是递增数列
6. 设函数 $f(x) = 2x - \cos x$, $\{a_n\}$ 是公差为 $\frac{\pi}{8}$ 的等差数列, $f(a_1) + f(a_2) + \dots + f(a_5) = 5\pi$, 则
 $[f(a_3)]^2 - a_1 a_3 =$ D
A. 0 B. $\frac{1}{16}\pi^2$ C. $\frac{1}{8}\pi^2$ D. $\frac{13}{16}\pi^2$
7. 已知等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , $a_5 = 5, S_5 = 15$, 则数列 $\left\{\frac{1}{a_n a_{n+1}}\right\}$ 的前 100 项和为 A
A. $\frac{100}{101}$ B. $\frac{99}{101}$ C. $\frac{99}{100}$ D. $\frac{101}{100}$
8. 已知等差数列 $\{a_n\}$ 的首项及公差均为正数, 令 $b_n = \sqrt{a_n} + \sqrt{a_{2012-n}} (n \in \mathbb{N}^*, n < 2012)$. 当 b_k

是数列 $\{b_n\}$ 的最大项时, $k = \underline{\hspace{1cm}}$. 1006

9. 设 S_n 为等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和, 若 $a_1 = 1$, 公差 $d = 2$, $S_{k+2} - S_k = 24$, 则 $k =$ D

(A) 8 (B) 7 (C) 6 (D) 5

10. 数列 $\{a_n\}$ 的首项为 3, $\{b_n\}$ 为等差数列且 $b_n = a_{n+1} - a_n (n \in \mathbf{N}^*)$, 若则 $b_3 = -2$, $b_{10} = 12$, 则 $a_8 =$

B

(A) 0 (B) 3 (C) 8 (D) 11

11. 设等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 若 $a_1 = -11$, $a_4 + a_6 = -6$, 则当 S_n 取最小值时, n 等于 A

A. 6 B. 7 C. 8 D. 9

12. 在等差数列 $\{a_n\}$ 中, 已知 $a_1 = 2$, $a_2 + a_3 = 13$, 则 $a_4 + a_5 + a_6$ 等于 B

A. 40 B. 42 C. 43 D. 45

13. 已知某等差数列共有 10 项, 其奇数项之和为 15, 偶数项之和为 30, 则其公差为 C

A. 5 B. 4 C. 3 D. 2

14. 已知等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 若 $\overrightarrow{OB} = a_1 \overrightarrow{OA} + a_{200} \overrightarrow{OC}$, 且 A、B、C 三点共线 (该直线不过原点 O), 则 $S_{200} =$ A

A. 100 B. 101 C. 200 D. 201

15. 在各项均不为零的等差数列 $\{a_n\}$ 中, 若 $a_{n+1} - a_n^2 + a_{n-1} = 0 (n \geq 2)$, 则 $S_{2n-1} - 4n =$ A

A. -2 B. 0 C. 1 D. 2

16. 设 $\{a_n\}$ 是公差为正数的等差数列, 若 $a_1 + a_2 + a_3 = 15$, $a_1 a_2 a_3 = 80$, 则 $a_{11} + a_{12} + a_{13} =$ B

A. 120 B. 105 C. 90 D. 75

17. 设 S_n 是等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和, 若 $\frac{S_3}{S_6} = \frac{1}{3}$, 则 $\frac{S_6}{S_{12}} =$ A

(A) $\frac{3}{10}$ (B) $\frac{1}{3}$ (C) $\frac{1}{8}$ (D) $\frac{1}{9}$

18. 已知等差数列 $\{a_n\}$ 中, $a_2 = 7, a_4 = 15$, 则前 10 项的和 $S_{10} =$ B

(A) 100 (B) 210 (C) 380 (D) 400

19. 已知等差数列 $\{a_n\}$ 中, $a_2 + a_8 = 8$, 则该数列前 9 项和 S_9 等于 C

A. 18 B. 27 C. 36 D. 45

20. 已知数列 $\{a_n\}$ 、 $\{b_n\}$ 都是公差为1的等差数列，其首项分别为 a_1 、 b_1 ，且 $a_1 + b_1 = 5$ ， $a_1, b_1 \in N^*$ 。设 $c_n = a_{b_n}$ ($n \in N^*$)，则数列 $\{c_n\}$ 的前10项和等于C
- A. 55 B. 70 C. 85 D. 100
21. 设 $\{a_n\}$ 是等差数列， $a_1 + a_3 + a_5 = 9$ ， $a_6 = 9$ ，则这个数列的前6项和等于B
- A. 12 B. 24 C. 36 D. 48
22. 在等差数列 $\{a_n\}$ 中，若 $a_4 + a_6 = 12$ ， S_N 是数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和，则 S_N 的值为B
- (A) 48 (B) 54 (C) 60 (D) 66
23. 在等差数列 $\{a_n\}$ 中，若 $a_n > 0$ 且 $a_3 a_7 = 64$ ， a_5 的值为D
- (A) 2 (B) 4 (C) 6 (D) 8
24. 设 S_n 为等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和， $S_4 = 14$ ， $S_{10} - S_7 = 30$ ，则 $S_9 =$ _____ . 54
25. 设 S_n 为等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和，若 $S_5 = 10$ ， $S_{10} = -5$ ，则公差为-1
26. 在数列 $\{a_n\}$ 中，若 $a_1 = 1$ ， $a_{n+1} = a_n + 2$ ($n \geq 1$)，则该数列的通项 $a_n =$ _____ . $2n - 1$
27. 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和 $S_n = n^2 - 9n$ ，第 k 项满足 $5 < a_k < 8$ ，则 $k =$ B
- (A) 9 (B) 8 (C) 7 (D) 6
28. 等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n ，若 $a_2 = 1$ ， $a_3 = 3$ ，则 $S_4 =$ C
- (A) 12 (B) 10 (C) 8 (D) 6
29. 已知两个等差数列 $\{a_n\}$ 和 $\{b_n\}$ 的前 n 项和分别为 A_n 和 B_n ，且 $\frac{A_n}{B_n} = \frac{7n+45}{n+3}$ ，则使得 $\frac{a_n}{b_n}$ 为整数的正整数 n 的个数是D
- A. 2 B. 3 C. 4 D. 5
30. 若数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和 $S_n = n^2 - 10n$ ($n = 1, 2, 3, \dots$)，则此数列的通项公式为 $2n - 11$ ；数列 $\{na_n\}$ 中数值最小的项是第3项。
31. 设等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n ，若 $S_4 \geq 10$ ， $S_5 \leq 15$ ，则 a_4 的最大值为4
32. 已知函数 $f(x) = 2^x$ ，等差数列 $\{a_n\}$ 的公差为2。若 $f(a_2 + a_4 + a_6 + a_8 + a_{10}) = 4$ ，则 $\log_2[f(a_1) \cdot f(a_2) \cdot f(a_3) \cdot \dots \cdot f(a_{10})] =$ _____ . -6
33. 设 S_n 是等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和， $a_{12} = -8$ ， $S_9 = -9$ ，则 $S_{16} =$ _____ . -72

34. 已知 $\{a_n\}$ 为等差数列, $a_1 + a_3 + a_5 = 105$, $a_2 + a_4 + a_6 = 99$, 则 a_{10} 等于 B
A. -1 B. 1 C. 3 D. 7
35. 公差不为零的等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n . 若 a_4 是 a_3 与 a_7 的等比中项, $S_8 = 32$, 则 S_{10} 等于 C
A. 18 B. 24 C. 60 D. 90
36. 等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 已知 $a_{m-1} + a_{m+1} - a_m^2 = 0$, $S_{2m-1} = 38$, 则 $m =$ C
(A) 38 (B) 20 (C) 10 (D) 9
37. 已知 $\{a_n\}$ 为等差数列, $a_1 + a_3 + a_5 = 105$, $a_2 + a_4 + a_6 = 99$, 以 S_n 表示 $\{a_n\}$ 的前 n 项和, 则使得 S_n 达到最大值的 n 是 B
(A) 21 (B) 20 (C) 19 (D) 18
38. 设等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 若 $a_6 = S_3 = 12$, 则 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{S_n}{n^2} =$ 1
39. 公比为 2 的等比数列 $\{a_n\}$ 的各项都是正数, 且 $a_3 a_{11} = 16$, 则 $a_5 =$ A
(A) 1 (B) 2 (C) 4 (D) 8
40. 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , $a_1 = 1$, $S_n = 2a_{n+1}$, 则 $S_n =$ B
(A) 2^{n-1} (B) $(\frac{3}{2})^{n-1}$ (C) $(\frac{2}{3})^{n-1}$ (D) $\frac{1}{2^{n-1}}$
41. 已知为等比数列, 下面结论种正确的是 B
(A) $a_1 + a_3 \geq 2a_2$ (B) $a_1^2 + a_3^2 \geq 2a_2^2$ (C) 若 $a_1 = a_3$, 则 $a_1 = a_2$ (D) 若 $a_3 > a_1$, 则 $a_4 > a_2$
42. 等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 若 $S_3 + 3S_2 = 0$, 则公比 $q =$ -2
43. 等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 公比不为 1. 若 $a_1 = 1$, 且对任意的 $n \in \mathbb{N}^*$ 都有 $a_{n+2} + a_{n+1} - 2a_n = 0$, 则 $S_5 =$ 11
44. 已知等比数列 $\{a_n\}$ 为递增数列. 若 $a_1 > 0$, 且 $2(a_n + a_{n+2}) = 5a_{n+1}$, 则数列 $\{a_n\}$ 的公比 $q =$ 2
45. 若等比数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_2 a_4 = \frac{1}{2}$, 则 $a_1 a_3 a_5 =$ $\frac{1}{4}$
46. 已知 $\{a_n\}$ 为等比数列, $a_4 + a_7 = 2$, $a_5 a_6 = -8$, 则 $a_1 + a_{10} =$ D
A. 7 B. 5 C. -5 D. -7
47. 公比为 $\sqrt[3]{2}$ 等比数列 $\{a_n\}$ 的各项都是正数, 且 $a_3 a_{11} = 16$, 则 $\log_2 a_{10} =$ B

A. 4 B. 5 C. 6 D. 7

48. 设公比为 $q(q>0)$ 的等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 $\{S_n\}$. 若 $S_2 = 3a_2 + 2$, $S_4 = 3a_4 + 2$, 则 $q = \underline{\quad\quad} \cdot \frac{3}{2}$

49. 已知等比数列 $\{a_n\}$ 为递增数列, 且 $a_5^2 = a_{10}$, $2(a_n + a_{n+2}) = 5a_{n+1}$, 则数列的通项公式 $a_n = \underline{\quad\quad} \cdot 2^n (n \in \mathbf{N}^*)$

50. 若等比数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_n a_{n+1} = 16^n$, 则公比为 B

A. 2 B. 4 C. 8 D. 16

51. 已知 $\{a_n\}$ 是首项为 1 的等比数列, S_n 是 $\{a_n\}$ 的前 n 项和, 且 $9S_3 = S_6$. 则 $\left\{\frac{1}{a_n}\right\}$ 的前 5 项和为 (). C

A. $\frac{15}{8}$ 或 5 B. $\frac{31}{16}$ 或 5 C. $\frac{31}{16}$ D. $\frac{15}{8}$

52. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, 若 $a_1 = \frac{1}{2}$, $a_4 = -4$, 则公比 $q = \underline{\quad\quad}$;

$|a_1| + |a_2| + \cdots + |a_n| = \underline{\quad\quad}$.

53. 已知 $\{a_n\}$ 是递增等比数列, $a_2 = 2$, $a_4 - a_3 = 4$, 则此数列的公比 $q = \underline{\quad\quad}$. 2

54. 设 S_n 为等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和, $8a_2 + a_5 = 0$, 则 $\frac{S_5}{S_2} = \underline{\quad\quad}$ D

(A) 11 (B) 5 (C) -8 (D) -11

55. 设 S_n 为等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和, 已知 $3S_3 = a_4 - 2$, $3S_2 = a_3 - 2$, 则公比 $q = \underline{\quad\quad}$ B

(A) 3 (B) 4 (C) 5 (D) 6

56. 设 $\{a_n\}$ 是有正数组成的等比数列, S_n 为其前 n 项和. 已知 $a_2 a_4 = 1$, $S_3 = 7$, 则 $S_5 = \underline{\quad\quad}$ B

(A) $\frac{15}{2}$ (B) $\frac{31}{4}$ (C) $\frac{33}{4}$ (D) $\frac{17}{2}$

57. 等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1 = 2$, $a_8 = 4$, 函数 $f(x) = x(x-a_1)(x-a_2) \cdots (x-a_8)$, 则 $f'(0) = \underline{\quad\quad}$ C

A. 2^6 B. 2^9 C. 2^{12} D. 2^{15}

58. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_{2010} = 8a_{2007}$, 则公比 q 的值为 A

A. 2 B. 3 C. 4 D. 8

59. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1 = 1$, 公比 $|q| \neq 1$. 若 $a_m = a_1 a_2 a_3 a_4 a_5$, 则 $m = \underline{\quad\quad}$ C

- (A) 9 (B) 10 (C) 11 (D) 12

60. 已知 $\{a_n\}$ 是首项为 1 的等比数列, s_n 是 $\{a_n\}$ 的前 n 项和, 且 $9s_3 = s_6$, 则数列 $\left\{\frac{1}{a_n}\right\}$ 的前 5 项和为 C

- (A) $\frac{15}{8}$ 或 5 (B) $\frac{31}{16}$ 或 5 (C) $\frac{31}{16}$ (D) $\frac{15}{8}$

61. 已知 $\{a_n\}$ 为等比数列, S_n 是它的前 n 项和. 若 $a_2 \cdot a_3 = 2a_1$, 且 a_4 与 $2a_7$ 的等差中项为 $\frac{5}{4}$, 则 $S_5 =$ C

- A. 35 B. 33 C. 31 D. 29

62. 已知数列 $\{a_n\}$ 为等比数列, S_n 是它的前 n 项和. 若 $a_2 \cdot a_3 = 2a_1$ 且 a_4 与 $2a_7$ 的等差中项为 $\frac{5}{4}$, 则 $S_5 =$ C

63. 已知各项均为正数的等比数列 $\{a_n\}$, $a_1 a_2 a_3 = 5$, $a_7 a_8 a_9 = 10$, 则 $a_4 a_5 a_6 =$ A

- (A) $5\sqrt{2}$ (B) 7 (C) 6 (D) $4\sqrt{2}$

64. 已知各项均为正数的等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1 a_2 a_3 = 5$, $a_7 a_8 a_9 = 10$, 则 $a_4 a_5 a_6 =$ A

- (A) $5\sqrt{2}$ (B) 7 (C) 6 (D) $4\sqrt{2}$

65. 已知等比数列 $\{a_n\}$ 中, 各项都是正数, 且 $a_1, \frac{1}{2}a_3, 2a_2$ 成等差数列, 则 $\frac{a_9 + a_{10}}{a_7 + a_8} =$ C

- A. $1 + \sqrt{2}$ B. $1 - \sqrt{2}$ C. $3 + 2\sqrt{2}$ D. $3 - 2\sqrt{2}$

66. 设 $\{a_n\}$ 是等比数列, 则 “ $a_1 < a_2 < a_3$ ” 是数列 $\{a_n\}$ 是递增数列的 C

- A. 充分而不必要条件 B. 必要而不充分条件
C. 充分必要条件 D. 既不充分也不必要条件

67. 设 $\{a_n\}$ 是任意等比数列, 它的前 n 项和, 前 $2n$ 项和与前三项和分别为 X, Y, Z , 则下列等式中恒成立的是 D

- A. $X + Z = 2Y$ B. $Y(Y - X) = Z(Z - X)$
C. $Y^2 = XZ$ D. $Y(Y - X) = X(Z - X)$

68. 设 $\{a_n\}$ 是等比数列, 公比 $q = \sqrt{2}$, S_n 为 $\{a_n\}$ 的前 n 项和。记 $T_n = \frac{17S_n - S_{2n}}{a_{n+1}}, n \in N^*$. 设 T_{n_0} 为

数列 $\{T_n\}$ 的最大项, 则 $n_0 = 4$

69. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, 若公比 $q=4$, 且前 3 项之和等于 21, 则该数列的通项公式

$$a_n = \underline{\hspace{2cm}} \cdot 4^{n-1}$$

70. 设 $f(n) = 2 + 2^4 + 2^7 + 2^{10} + \cdots + 2^{3n+10} (n \in N)$, 则 $f(n)$ 等于 D

(A) $\frac{2}{7}(8^n - 1)$ (B) $\frac{2}{7}(8^{n+1} - 1)$ (C) $\frac{2}{7}(8^{n+3} - 1)$ (D) $\frac{2}{7}(8^{n+4} - 1)$

71. 如果 $-1, a, b, c, -9$ 成等比数列, 那么 B

(A) $b=3, ac=9$ (B) $b=-3, ac=-9$ (C) $b=3, ac=-9$ (D) $b=-3, ac=-9$

72. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1=1, a_{10}=3$, 则 $a_2 a_3 a_4 a_5 a_6 a_7 a_8 a_9 = A$

A. 81 B. $27\sqrt[5]{27}$ C. $\sqrt{3}$ D. 243

73. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1=2$, 前 n 项和为 S_n , 若数列 $\{a_n+1\}$ 也是等比数列, 则 S_n 等于 C

(A) $2^{n+1} - 2$ (B) $3n$ (C) $2n$ (D) $3^n - 1$

74. 若数列 $\{a_n\}$ 满足: $a_1=1, a_{n+1}=2a_n, n=1, 2, 3, \dots$. 则 $a_1 + a_2 + \cdots + a_n = \underline{\hspace{2cm}} \cdot 2^{n-1}$

75. 等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 已知 $S_1, 2S_2, 3S_3$ 成等差数列, 则 $\{a_n\}$ 的公比为 $q = \frac{1}{3}$

76. 等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_4=4$, 则 $a_2 \cdot a_6$ 等于 C

A. 4 B. 8 C. 16 D. 32

77. 在等比数列 $\{a_n\} (n \in N^*)$ 中, 若 $a_1=1, a_4=\frac{1}{8}$, 则该数列的前 10 项和为 B

A. $2 - \frac{1}{2^8}$ B. $2 - \frac{1}{2^9}$ C. $2 - \frac{1}{2^{10}}$ D. $2 - \frac{1}{2^{11}}$

78. 已知 a, b, c, d 成等比数列, 且曲线 $y = x^2 - 2x + 3$ 的顶点是 (b, c) , 则 ad 等于 B

A. 3 B. 2 C. 1 D. -2

79. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1=8, a_4=64$, , 则公比 q 为 A

(A) 2 (B) 3 (C) 4 (D) 8

80. 设 $\sqrt{3}b$ 是 $1-a$ 和 $1+a$ 的等比中项, 则 $a+3b$ 的最大值为 B

(A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4

81. 各项均为正数的等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n , 若 $S_9=2, S_{30}=14$, 则 S_{40} 等于 B

- (A) 80 (B) 30 (C) 26 (D) 16

82. 等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n ，已知 S_1 ， $2S_2$ ， $3S_3$ 成等差数列，则 $\{a_n\}$ 的公比为 $q = \frac{1}{3}$ 。

83. 设 $\{a_n\}$ 为公比 $q > 1$ 的等比数列，若 a_{2004} 和 a_{2005} 是方程 $4x^2 - 8x + 3 = 0$ 的两根，则

$$a_{2006} + a_{2007} = \underline{\hspace{2cm}}. \text{ 18}$$

84. 若数列 $\{a_n\}$ 是首项为 1，公比为 $a - \frac{3}{2}$ 的无穷等比数列，且 $\{a_n\}$ 各项的和为 a ，则 a 的值是

(B)

- A. 1 B. 2 C. $\frac{1}{2}$ D. $\frac{5}{4}$

85. 已知等比数列 $\{a_n\}$ 中 $a_2 = 1$ ，则其前 3 项的和 S_3 的取值范围是 (D)

- (A) $(-\infty, -1]$ (B) $(-\infty, 0) \cup (1, +\infty)$ (C) $[3, +\infty)$ (D) $(-\infty, -1] \cup [3, +\infty)$

86. 设 $\{a_n\}$ 是公比为正数的等比数列，若 $n_1 = 7$ ， $a_5 = 16$ ，则数列 $\{a_n\}$ 前 7 项的和为 C

- A. 63 B. 64 C. 127 D. 128

87. 已知 $\{a_n\}$ 是等比数列， $a_2 = 2$ ， $a_5 = \frac{1}{4}$ ，则 $a_1 a_2 + a_2 a_3 + \cdots + a_n a_{n+1} = C$

- (A) $16(1 - 4^{-n})$ (B) $16(1 - 2^{-n})$

- (C) $\frac{32}{3}(1 - 4^{-n})$ (D) $\frac{32}{3}(1 - 2^{-n})$

88. 设等比数列 $\{a_n\}$ 的公比 $q = 2$ ，前 n 项和为 S_n ，则 $\frac{S_4}{a_2} = (C)$

- A. 2 B. 4 C. $\frac{15}{2}$ D. $\frac{17}{2}$

89. 已知等比数列 $\{a_n\}$ 的公比为正数，且 $a_3 \cdot a_9 = 2a_5^2$ ， $a_2 = 1$ ，则 $a_1 = B$

- A. $\frac{1}{2}$ B. $\frac{\sqrt{2}}{2}$ C. $\sqrt{2}$ D. 2

90. 已知等比数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_n > 0, n = 1, 2, \dots$ ，且 $a_5 \cdot a_{2n-5} = 2^{2n} (n \geq 3)$ ，则当 $n \geq 1$ 时，

$$\log_2 a_1 + \log_2 a_3 + \cdots + \log_2 a_{2n-1} = C$$

- A. $n(2n-1)$ B. $(n+1)^2$ C. n^2 D. $(n-1)^2$

91. 设等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n ，若 $\frac{S_6}{S_3}=3$ ，则 $\frac{S_9}{S_6} =$ B
- (A) 2 (B) $\frac{7}{3}$ (C) $\frac{8}{3}$ (D) 3
92. 设等比数列 $\{a_n\}$ 的公比 $q = \frac{1}{2}$ ，前 n 项和为 S_n ，则 $\frac{S_4}{a_4} =$ 15
93. 设等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 s_n 。若 $a_1 = 1, s_6 = 4s_3$ ，则 $a_4 =$ 3
94. 等比数列 $\{a_n\}$ 的公比 $q > 0$ ，已知 $a_2 = 1$ ， $a_{n+2} + a_{n+1} = 6a_n$ ，则 $\{a_n\}$ 的前 4 项和 $S_4 =$ $\frac{15}{2}$
95. 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和 S_n 满足： $S_n + S_m = S_{n+m}$ ，且 $a_1 = 1$ ，那么 $a_{10} =$ A
- A. 1 B. 9 C. 10 D. 55
96. 设 $1 = a_1 \leq a_2 \leq \dots \leq a_7$ ，其中 a_1, a_3, a_5, a_7 成公比为 q 的等比数列， a_2, a_4, a_6 成公差为 1 的等差数列，则 q 的最小值是 $\sqrt[3]{3}$
97. 若数列 $\left\{n(n+4)\left(\frac{2}{3}\right)^n\right\}$ 中的最大项是第 k 项，则 $k =$ 4
98. 已知 $f(x) = \frac{1}{1+x}$ ，各项均为正数的数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1 = 1$ ， $a_{n+2} = f(a_n)$ ，若 $a_{2010} = a_{2012}$ ，则 $a_{20} + a_{11}$ 的值是 $\frac{3+13\sqrt{5}}{26}$
99. 设 $a_n = \frac{1}{n} \sin \frac{n\pi}{25}$ ， $S_n = a_1 + a_2 + \dots + a_n$ 。在 S_1, S_2, \dots, S_{100} 中，正数的个数是 D
- A. 25. B. 50. C. 75. D. 100.
100. 观察下列各式： $a+b=1, a^2+b^2=3, a^3+b^3=4, a^4+b^4=7, a^5+b^5=11, \dots$ ，则 $a^{10}+b^{10}=C$
- A. 28 B. 76 C. 123 D. 199
101. 数列 $\{a_n\}$ 的通项公式 $a_n = n \cos \frac{n\pi}{2} + 1$ ，前 n 项和为 S_n ，则 $S_{2012} =$ 3018
102. 设数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和 $S_n = n^2$ ，则 a_8 的值为 A
- (A) 15 (B) 16 (C) 49 (D) 64
103. 已知数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1 = 33, a_{n+1} - a_n = 2n$ ，则 $\frac{a_n}{n}$ 的最小值为 $\frac{21}{2}$
104. 若互不相等的实数 a, b, c 成等差数列， c, a, b 成等比数列，且 $a + 3b + c = 10$ ，则 $a = D$

A. 4 B. 2 C. -2 D. -4

105. 对正整数 n , 设曲线 $y = x^n(1-x)$ 在 $x=2$ 处的切线与 y 轴交点的纵坐标为 a_n , 则数列 $\{\frac{a_n}{n+1}\}$ 的前 n 项和的公式是 $2^{n+1}-2$

106. 在数列 $\{a_n\}$ 中, 若 $a_1=1, a_{n+1}=2a_n+3 (n \geq 1)$, 则该数列的通项 $a_n = 2^{n+1}-3$

107. 设等差数列 $\{a_n\}$ 的公差 d 不为 0, $a_1=9d$. 若 a_k 是 a_1 与 a_{2k} 的等比中项, 则 $k =$

A. 2 B. 4 C. 6 D. 8

108. 数列 $\{ \text{错误! 未找到引用源。} \}$ 的前 n 项和为 错误! 未找到引用源。 , 若 $a_n = \frac{1}{n(n+1)}$ 错

误! 未找到引用源。 , 则 错误! 未找到引用源。 等于 B

A 1 B 错误! 未找到引用源。 C $\frac{1}{6}$ 错误! 未找到引用源。 D $\frac{1}{30}$ 错误! 未

找到引用源。

109. 已知 $x > 0, y > 0$, x, a, b, y 成等差数列, x, c, d, y 成等比数列, 则 $\frac{(a+b)^2}{cd}$ 的最

小值是 D

A. 0 B. 1 C. 2 D. 4

110. 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和 $S_n = n^2 - 9n$, 则其通项 $a_n =$; 若它的第 k 项满足 $5 < a_k < 8$, 则 $k =$

111. 已知数列 $\{a_n\}$ 对于任意 $p, q \in \mathbf{N}^*$, 有 $a_p + a_q = a_{p+q}$, 若 $a_1 = \frac{1}{9}$, 则 $a_{36} =$

112. 已知数列 $\{a_n\}$ 对任意的 $p, q \in \mathbf{N}^*$ 满足 $a_{p+q} = a_p + a_q$, 且 $a_2 = -6$, 那么 a_{10} 等于 (C)

A. -165 B. -33 C. -30 D. -21

113. 在数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1 = 2, a_{n+1} = a_n + \ln(1 + \frac{1}{n})$, 则 $a_n =$ A

A. $2 + \ln n$ B. $2 + (n-1)\ln n$ C. $2 + n \ln n$ D. $1 + n + \ln n$

114. 等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 s_n , 且 $4a_1, 2a_2, a_3$ 成等差数列. 若 $a_1=1$, 则 $s_4 =$

(A) 7 (B) 8 (3) 15 (4) 16

115. 等差数列 $\{a_n\}$ 的公差不为零, 首项 $a_1=1$, a_2 是 a_1 和 a_5 的等比中项, 则数列的前 10 项之和是 B

A. 90 B. 100 C. 145 D. 190

116. 设 $x \in \mathbb{R}$, 记不超过 x 的最大整数为 $[x]$, 令 $\{x\} = x - [x]$, 则 $\{\frac{\sqrt{5}+1}{2}\}, [\frac{\sqrt{5}+1}{2}], \frac{\sqrt{5}+1}{2}$ B
- A. 是等差数列但不是等比数列 B. 是等比数列但不是等差数列
C. 既是等差数列又是等比数列 D. 既不是等差数列也不是等比数列
117. 设 $\{a_n\}$ 是公差为 0 的等差数列, $a_1 = 2$ 且 a_1, a_3, a_6 成等比数列, 则 $\{a_n\}$ 的前 n 项和 $S_n =$ A
- A. $\frac{n^2}{4} + \frac{7n}{4}$ B. $\frac{n^2}{3} + \frac{5n}{3}$ C. $\frac{n^2}{2} + \frac{3n}{4}$ D. $n^2 + n$
118. 数列 $\{a_n\}$ 的通项 $a_n = n^2(\cos^2 \frac{n\pi}{3} - \sin^2 \frac{n\pi}{3})$, 其前 n 项和为 S_n , 则 S_{30} 为 A
- A. 470 B. 490 C. 495 D. 510
119. 若数列 $\{a_n\}$ 满足: $a_1 = 1, a_{n+1} = 2a_n (n \in \mathbb{N}^*)$, 则 $a_5 =$ 16; 前 8 项的和 $S_8 =$ 255.
120. 已知数列 $\{a_n\}$ 满足: $a_{4n-3} = 1, a_{4n-1} = 0, a_{2n} = a_n, n \in \mathbb{N}^*$, 则 $a_{2009} = 1; a_{2014} = 0$