

圆锥曲线性质

主要考查焦点、准线、离心率等基本几何性质，考查形式以选择填空题为主。

2011 年

(10) 设 F_1, F_2 为双曲线 $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ 的两个焦点, P 为 C 上一点, 若 $\triangle F_1 F_2 P$ 是等腰直角三角形, 则 C 的离心率为 ()

- (A) $\frac{1+\sqrt{5}}{2}$ (B) $\frac{3+\sqrt{5}}{2}$ (C) $1+\sqrt{2}$ (D) $\frac{1+\sqrt{2}}{2}$

2010 年

(11) 设抛物线 $y^2 = 8x$ 的焦点为 F , 倾斜角为锐角的直线 l 经过 F , 且与抛物线相交于 A, B 两点. 若 F 是线段 AB 的一个 3 等分点, 则 l 的斜率为 ()

- (A) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (B) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (C) $2\sqrt{3}$ (D) $2\sqrt{2}$

(13) 若方程 $9mx^2 + y^2 = 9$ 表示的曲线是焦点在 y 轴上的椭圆, 则常数 m 的取值范围为区间 _____.

(17) 双曲线的焦点为 $(-6, 0)$ 和 $(6, 0)$, 两条准线的距离为 8, 则该双曲线的方程为 _____.

2009 年

(4) 若方程 $2x^2 - y^2 = m$ 表示的曲线是焦点在 y 轴上、焦距为 4 的双曲线, 则 $m =$ ()

- (A) $\frac{32}{3}$ (B) $\frac{8}{3}$ (C) $-\frac{8}{3}$ (D) $-\frac{32}{3}$

(14) 抛物线 $y^2 = -10x$ 的准线方程为 _____。

2008 年

(9) 若椭圆的焦距等于短轴长的二倍, 则该椭圆的离心率为 ()

- (A) $\frac{2\sqrt{5}}{5}$ (B) $\frac{4}{5}$ (C) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ (D) $\frac{1}{3}$

(11) 若抛物线 $y = ax^2$ 的焦点在直线 $y = 2x + 3$ 上, 则 $a =$ ()

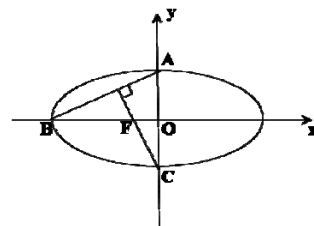
- (A) 12 (B) 6 (C) $\frac{1}{6}$ (D) $\frac{1}{12}$

(13) 双曲线 $\frac{x^2}{2} - \frac{y^2}{7} = 1$ 两条准线的距离为_____.

2007 年

(11) 如图所示, 椭圆中心在坐标原点, F 为左焦点, B 为左顶点, A, C 为短轴端点, 已知 $CF \perp AB$, 椭圆的离心率为 ()

- (A) $\frac{3+\sqrt{5}}{2}$ (B) $\frac{\sqrt{5}+1}{2}$ (C) $\frac{\sqrt{5}-1}{2}$ (D) $\frac{3-\sqrt{5}}{2}$



2006 年

(11) 设抛物线 $y = ax^2$ 与直线 $y = -2$ 的交点到抛物线的焦点的距离为 3, 则 $a =$ ()

- (A) 4 (B) -4 (C) $\frac{1}{4}$ (D) $-\frac{1}{4}$

(17) 双曲线 $9x^2 - 16y^2 = 1$ 的焦距为_____.

2005 年

(11) 设双曲线 $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ 的右准线与两条渐近线的交点分别为 E 和 G , 右焦点为 F 且 $\triangle EFG$ 是正三角形, 则双曲线的离心率为 ()

- (A) $\frac{\sqrt{7}}{2}$ (B) $\sqrt{3}$ (C) 2 (D) $\sqrt{5}$

(18) 抛物线 $y = x^2 - 2x$ 的焦点坐标为_____.

2004 年

9. 双曲线 $x^2 - \frac{y^2}{3} = 1$ 的焦点到该双曲线的渐近线的距离为 ()

- (A) 2 (B) $\sqrt{3}$ (C) $\frac{\sqrt{6}}{2}$ (D) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

10. 设 A 、 B 是直线 $y = 2x - 3$ 与椭圆 $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$ 的两个交点, M 是 AB 的中点, O 为坐标原点, 则直线 OM 的斜率为 ()
- (A) $-\frac{1}{4}$ (B) $\frac{1}{4}$ (C) $-\frac{1}{8}$ (D) $\frac{1}{8}$

2003 年

9. 方程 $x^2 + y^2 - 2x + 4y + 5 = 0$ 所表示的曲线是 ()
- (A) 圆 (B) 椭圆 (C) 双曲线 (D) 一个点

11. 椭圆 $\frac{x^2}{4} + (y-1)^2 = 1$ 上的点到坐标原点距离的最大值为 ()
- (A) $\sqrt{5}$ (B) $\frac{4\sqrt{5}}{3}$ (C) $2\sqrt{2}$ (D) $\frac{4\sqrt{3}}{3}$

2002 年

1. 双曲线 $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{3} = 1$ 的渐近线方程为 ()
- (A) $3x \pm 4y = 0$ (B) $\sqrt{3}x \pm 2y = 0$ (C) $4x \pm 3y = 0$ (D) $2x \pm \sqrt{3}y = 0$
3. 焦点为 $F_1(1,0)$ 和 $F_2(7,0)$ 的椭圆, 若离心率为 $\frac{1}{2}$, 则长半轴长为 ()
- (A) 3 (B) 4 (C) 6 (D) 8

2001 年

5. 如果点 A 不在直线 l 上, 那么经过 A 且与 l 相切的圆之圆心的轨迹是 ()
- (A) 变曲线 (B) 抛物线 (C) 椭圆 (D) 圆
6. 若 θ 是双曲线 $16y^2 - 9x^2 = 12$ 的渐近线与准线的夹角, 则 $\sin \theta$ 等于 ()
- (A) 0.55 (B) 0.6 (C) 0.75 (D) 0.8

2000 年

3. 方程 $y + 2\sqrt{3-x^2} = 0$ 所表示的曲线是 ()
- (A) 一个圆 (B) 半个圆 (C) 半个椭圆 (D) 一个椭圆
19. 给定两点 $A(-2,0)$ 和 $B(2,0)$, 若动点 M 使直线 MA 和 MB 的斜率之乘积等于常数 -3 , 则点 M 的轨迹之方程为_____.