

## 数列

2011 年

(7) 设数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和  $S_n = 1 - \frac{1}{2n+1}$ , 则  $a_n =$  ( )

- (A)  $\frac{1}{2n-1}$       (B)  $\frac{1}{2n+1}$       (C)  $\frac{1}{(2n-1)(2n+1)}$       (D)  $\frac{2}{(2n-1)(2n+1)}$

(15) 设等比数列  $\{a_n\}$  的各项都为正数, 前  $n$  项为  $S_n$ , 若  $S_6 = 7S_2$ , 则其公比为\_\_\_\_\_.

(21) 数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项为  $S_n$ , 满足  $a_1 = 1, a_{n+1} - S_n = n$ .

(I) 写出  $\{a_n\}$  的前三项; (II) 设  $b_n = S_n + n + 1$ , 证明  $\{b_n\}$  是等比数列;

(III) 求  $\{a_n\}$  的通项公式.

2010 年

(2) 若等差数列的前 4 项和  $S_4 = \frac{2}{3}$ , 前 6 项和  $S_6 = \frac{3}{2}$ , 则该数列的前 10 项和  $S_{10} =$  ( )

- (A)  $\frac{25}{6}$       (B)  $\frac{19}{6}$       (C)  $\frac{13}{6}$       (D)  $\frac{8}{5}$

(3) 设无穷等比数列  $\{a_n\}$  的各项和为 3, 若  $a_1 = 2$ , 则  $a_2 =$  ( )

- (A)  $\frac{1}{3}$       (B)  $\frac{2}{5}$       (C)  $\frac{2}{3}$       (D)  $\frac{3}{2}$

(23) (本题满分 14 分) 在数列  $\{a_n\}$  中, 已知  $a_1 = 1, a_2 = 4$ , 当  $n \geq 3$  时,  $a_n = 3a_{n-1} - 2a_{n-2}$ .

(I) 求  $\{a_n\}$  的通项公式; (II) 求  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2^n}{a_n}$ .

2009 年

(6) 设数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和  $S_n = \frac{3}{2}(a_n - 2)$ , 则  $a_n =$  ( )

- (A)  $2 \times 3^{n-1}$  (B)  $2 \times 3^n$  (C)  $3^n + 3$  (D)  $3^n - 3$

(18) 设等差数列  $\{a_n\}$  的前项和为  $S_n$ 。若  $5S_{12} - 12S_5 = 42$ , 则其公差为\_\_\_\_\_。

(25) (本大题 15 分, 文史类考生不做)

设  $f_n(x) = (1+px)(1+p^2x) \cdots (1+p^n x)$ , 其中是  $n$  正整数, 常数  $p > 0$ 。用  $a_n$  和  $b_n$  分别表示展开式中  $x$  的系数和  $x^2$  的系数。

(I) 求数列  $\{a_n\}$  的通项公式;

(II) 当  $p \neq 1$  时, 证明存在等比数列  $\{c_n\}$  和常数  $c$  满足  $b_n = (c_n - c)(c_{n+1} - c)$ , 并求出该数列的通项  $c_n$  和常数  $c$ 。

(27) (本题满分 15 分, 理工农医类考生不做)

设  $f_n(x) = (1+px)(1+p^2x) \cdots (1+p^n x)$ , 其中是  $n$  正整数, 常数  $p > 0$ 。用  $a_n$  和  $b_n$  分别表示展开式中  $x$  的系数和  $x^2$  的系数。

(I) 求数列  $\{a_n\}$  的通项公式;

(II) 当  $p = 2$  时, 证明存在等比数列  $\{c_n\}$  和常数  $c$  使得  $b_n = (c_n - c)(c_{n+1} - c)$ , 并求出该数列的通项  $c_n$  和常数  $c$ 。

**2008 年**

- (8) 在公比大于 1 的等比数列  $\{a_n\}$  中, 若  $a_1 a_9 = 72, a_2 + a_8 = 27$ , 则  $a_{10} =$  ( )
- (A) 48    (B) 38    (C) 32    (D) 26

(15)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n(2n+1)}{3+4n^2} =$  \_\_\_\_\_.

**2007 年**

- (5) 等差数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和为  $S_n$ , 公差为 2, 则  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{S_n}{a_n^2} =$  ( )
- (A)  $\frac{1}{4}$     (B)  $\frac{1}{2}$     (C) 1    (D) 2

- (17) 等比数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和为  $S_n$ , 已知  $a_1 + a_2 = 18, a_3 + a_4 = 2$  则  $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n =$  \_\_\_\_\_

**2006 年**

- (5) 等差数列  $\{a_n\}$  的前项和为  $S_n$ , 若  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{S_n}{n^2} = 2$ , 则该数列的公差是  $d =$  ( )
- (A) 4    (B) 2    (C) -2    (D) -4

- (19) 设等比数列  $\{a_n\}$  的各项都为正数, 且  $a_1 + a_2 + \dots + a_6 = 1, \frac{1}{a_1} + \frac{1}{a_2} + \dots + \frac{1}{a_6} = 10$ , 则  $a_1 \cdot a_2 \cdot \dots \cdot a_6$  的值为 \_\_\_\_\_.

**2005 年**

- (21) (本题满分 14 分)

设数列  $\{a_n\}$  的首项  $a_1 = 1$  且  $\{a_{n+1} - a_n\}$  是首项为 3 公差为 2 的等差数列, 求通项  $a_n$ .

## 2004年

4. 设数列 $\{a_n\}$ 的通项 $a_n = 3n + 2, n = 1, 2, \dots$ . 则 $\{a_n\}$ 前19项的和为 ( )

- (A) 551      (B) 570      (C) 608      (D) 670

5.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2 + 2}{n(3n + 2)} =$  ( )

- (A)  $\frac{1}{3}$       (B)  $\frac{2}{3}$       (C) 2      (D) 1

18. 设数列 $\{a_n\}$ 的首项 $a_1 = 3$ , 当 $n \geq 2$ 时,  $a_n = \frac{n-1}{n+1}a_{n-1}$ , 则 $a_9$ 的值为\_\_\_\_\_

## 2003年

7. 在等差数列 $\{a_n\}$ 中, 若 $a_1 + a_7 = 24$ , 则 $a_4 =$  ( )

- (A) 12      (B) 14      (C) 16      (D) 18

8.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1 + 3 + \dots + (2n - 1)}{n(2n - 1)} =$  ( )

- (A) 0      (B) 2      (C) 1      (D)  $\frac{1}{2}$

25. (本小题满分10分, 文史类考生不做)

设 $S_n$ 是等比数列 $\{a_n\}$ 的前 $n$ 项和.

(I) (5分) 比较 $a_n S_{n+1}$ 与 $a_{n+1} S_n$ 的大小, 其中 $n$ 为正整数;

(II) (5分) 求极限:  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n S_{n+1} - a_{n+1} S_n}{a_n S_{n+1} + a_{n+1} S_n}$ .

**2002年**

7. 在数列  $\{a_n\}$  中, 首项  $a_1 = 0$ , 且对任意正整数  $n$ , 都有  $a_{n+1} = \frac{1}{2}(a_n + 1)$ , 那么, 数列的通项  $a_n =$  ( )

- (A)  $1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{n-1}$       (B)  $\left(\frac{1}{2}\right)^{n-1} - 1$       (C)  $1 - 2^{n-1}$       (D)  $2^{n-1} - 1$

18. 在等差数列  $\{a_n\}$  中, 若  $a_3 + a_7 = 6$ , 则  $a_2 + 2a_5 + a_8$  的值为\_\_\_\_\_.

**2001年**

1. 在等差数列  $\{a_n\}$  中, 若  $a_1 + a_7 = 24$ , 则  $a_4 =$  ( )

- (A) 8      (B) 10      (C) 12      (D) 14

2. 如果无穷等比数列的各项和等于首项的 3 倍, 则这个数列的公比为 ( )

- (A)  $\frac{1}{4}$       (B)  $\frac{1}{3}$       (C)  $\frac{3}{4}$       (D)  $\frac{2}{3}$

**2000年**

4. 在小于 100 的正整数中, 能被 3 整除的所有各数之和为 ( )

- (A) 1632      (B) 1683      (C) 3264      (D) 3366

14. 数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和为  $S_n = 5n - 3n^2 (n \in \mathbb{Z}^+)$ , 则  $a_{20}$  的值为\_\_\_\_\_.